

## مدلسازی عددی میز لرزان و تاثیر ارتعاشات آن بر سازه‌های مجاور

فرزانه نباتی

دانشجو کارشناسی ارشد، پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله، تهران، ایران

[f.nabati@iiees.ac.ir](mailto:f.nabati@iiees.ac.ir)

منصور ضیایی فر

دانشیار، پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله، تهران، ایران

[mansour@iiees.ac.ir](mailto:mansour@iiees.ac.ir)

**کلید واژه‌ها:** میز لرزان، اندرکنش خاک و میز لرزان، اندرکنش نمونه با میز لرزان، مدلسازی عددی

### چکیده

عملکرد میز لرزان به عنوان یک ابزار آزمایشگاهی به عوامل متعددی بستگی دارد. این عوامل می‌توانند عملکرد سیستم را تحت تاثیر قرار داده و باعث بروز خطا در آزمایش‌های صورت گرفته بر روی میز شوند. از مهمترین این عوامل می‌توان به اندرکنش پی با خاک، اندرکنش نمونه با عرشه میز و محدودیت‌های فیزیکی خود میز لرزان اشاره کرد. انتقال ارتعاشات از میز لرزه به محیط اطراف می‌تواند بر عملکرد سازه‌های مجاور نیز موثر باشد. یکی از راهکارهای مناسب جهت تحلیل عملکرد میز لرزان مدلسازی عددی آن است. در این مطالعه یک مدل ریاضی ساده از میز لرزه با در نظر گرفتن درجات آزادی محدود، جهت بررسی عملکرد سیستم محرک میز لرزان مورد بررسی قرار گرفته است. بررسی انتقال ارتعاشات از میز به محیط پیرامونی و تاثیر آن بر سازه‌های مجاور نیز در مدلسازی در نظر گرفته شده است.

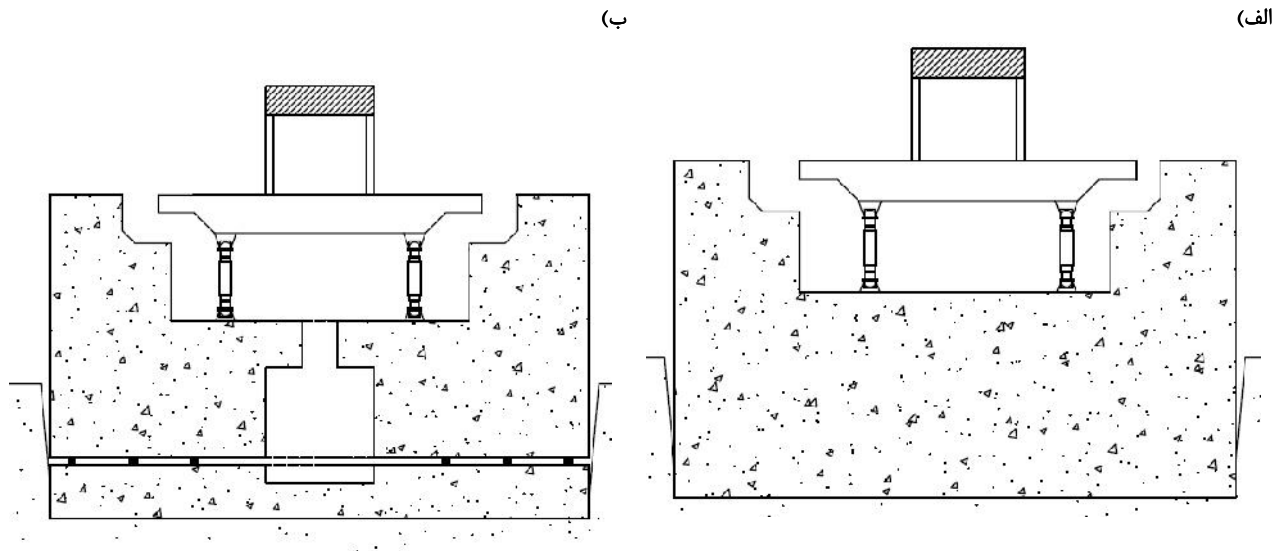
### مقدمه

میز لرزان ابزاری ارزشمند در بخش ارتعاشات مهندسی عمران محسوب می‌گردد. این ابزار امکان مطالعه رفتار دینامیکی سازه‌ها تحت بارگذاری‌های مختلف را فراهم می‌آورد. بررسی پاسخ آزمایش‌های انجام شده روی بسیاری از میزهای لرزان نشان می‌دهد که دقت نتایج به دست آمده وابسته به عملکرد میز است. عوامل متفاوتی می‌توانند در عملکرد میز لرزان خطا ایجاد کنند. اندرکنش عرشه میز با نمونه و اندرکنش خاک با پی مهمترین عوامل تاثیرگذار بر عملکرد میز محسوب می‌شوند. در مطالعات صورت گرفته توسط (Abdulkarim et al. 1988) بیان شده است که اندرکنش عرشه میز با نمونه در آزمایش سازه‌های بلند و سنگین موجب بروز پیچش و چرخش در میز می‌گردد. در تحقیقات انجام شده برای ساخت میز لرزان EUCENTRE (Ceresa et al. 2005) بیان گردیده است که اندرکنش میان پی با میز لرزان موجب ایجاد درجات اضافی ناخواسته در میز می‌گردد. مدلسازی عددی یکی از روش‌های مورد استفاده جهت مطالعه عوامل تاثیرگذار بر عملکرد میز است. مدل ارائه شده برای میز لرزان در این مطالعه بر طبق معادلات دینامیکی حاکم بر حرکت میز لرزان نوشته شده است و به ارزیابی عملکرد سیستم محرک میز و اثرات انتقال ارتعاشات از میز به سازه‌های مجاور می‌پردازد. مدلسازی با استفاده از مشخصه‌های میز لرزان پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله انجام گرفته است. مشخصه‌های دینامیکی خاک در این بررسی با استفاده از آزمایش ارتعاش اجباری حاصل گردیده است. به دلیل شناخت محدود از مشخصات خاک زیر پی، احتمال انتشار امواج در خاک و انتقال ارتعاشات به سازه‌های مجاور می‌رود. با در نظر گرفتن این نکته طراحی پی میز لرزه پژوهشگاه به نحوی صورت پذیرفته است که بتوان با قرار دادن میراگرها به صورت یک لایه در مقطع مشخصی از پی از انتقال ارتعاشات به زمین جلوگیری کرد. در این مدلسازی تاثیرات این طراحی بر سیستم محرک و انتقال ارتعاشات به محیط پیرامونی میز مورد بررسی قرار می‌گیرد.

### مدل ریاضی پیشنهادی

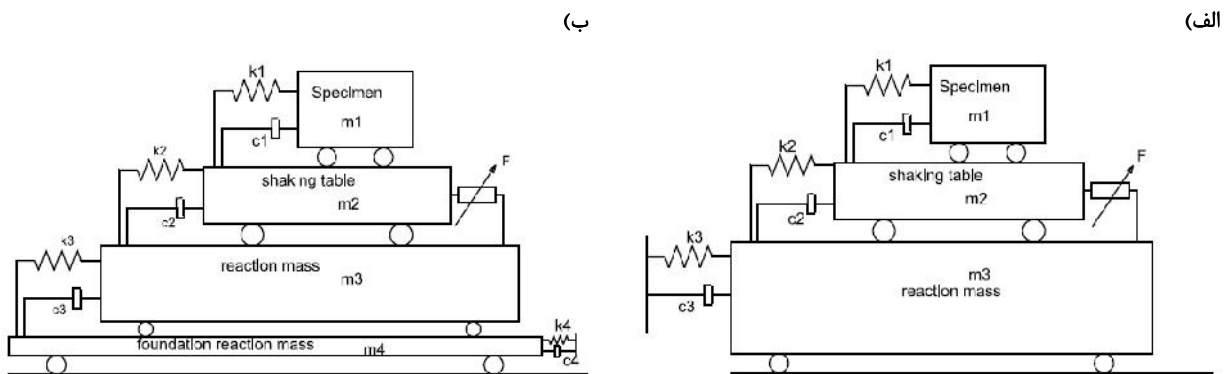
بیشتر مدلسازی‌های صورت گرفته از میز لرزان، سیستم کنترلی میز را مورد بررسی قرار می‌دهند. در مدلسازی‌های ارائه شده برای میزهای لرزان دانشگاه پرو (Blondet and Esparza (1988) و میز لرزان Plummer (2008)، بیشتر تمرکز بر نحوه حذف اندرکنش میان نمونه و میز توسط سیستم کنترلی قرار داده شده است. مدلسازی‌های محدودی ارائه شده‌اند که به بررسی عملکرد دینامیکی میز با حضور همزمان اندرکنش

میز با نمونه و خاک با پی می‌پردازند. از آن جمله می‌توان به مدل (Ceresa et al. 2005) اشاره کرد. در این مدل‌سازی میز لرزان به دو قسمت (نمونه و میز، خاک و پی) تقسیم شده است و اندرکنش خاک و پی با استفاده از روابط دینامیکی حاکم بر حرکت میز مورد بررسی قرار گرفته است. همانگونه که اشاره شد، در کمتر مدل‌سازی اثر انتقال ارتعاشات از میز به سازه‌های مجاور مورد بررسی قرار می‌گیرد. در این بررسی مدل ساده‌ای میز لرزه شش درجه آزاد پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله ارائه می‌گردد. برای مدل‌سازی کامل میز لرزان لازم است تا تمام بخش‌های تشکیل دهنده (عرشه میز، سازه تحت آزمایش، پی، خاک، جک هیدرولیکی و سیستم کنترلی) با تمام درجات آزادی خود در مدل آورده شوند که این امر پیچیدگی‌های فراوانی را به دنبال دارد. شکل (۱) مقطعی از میز لرزان پژوهشگاه زلزله‌ها نشان می‌دهد. همانگونه که در بخش قبل بیان شد برای کاهش حجم ارتعاشات انتقال یافته از میز به خاک طراحی پی میز تغییر داده شده است.



شکل ۱: الف) سیستم پی جرم صلب ب) سیستم پی جداسازی شده.

شکل (۲) مدل ریاضی از هر دو طراحی میز لرزان را نشان می‌دهد. در این مدل‌سازی برای هر بخش مدل‌سازی شده (سازه تحت آزمایش، عرشه میز و پی) یک درجه آزادی در نظر گرفته شده است. بنابراین در این بررسی پاسخ‌های مدل‌های سه درجه آزاد و چهار درجه آزاد با یکدیگر مقایسه می‌شوند.



شکل ۲: الف) مدل ریاضی میز با پی صلب. ب) مدل ریاضی میز با پی جداسازی شده.

در مدل‌های ارائه شده از میز، فنرها و میراگرها مشخص کننده سختی و میرایی بخش‌های مختلف سیستم میز لرزان هستند. پس از معرفی مدل ریاضی میز لازم است تا معادلات دینامیکی حاکم بر حرکت سیستم نوشته شود.

## معادلات دینامیکی سیستم

در سیستم‌های چند درجه آزاد به منظور تبیین معادله تعادل در سیستم بر حسب معادله نیوتون لازم است تا در هر درجه آزادی از سیستم

$$f_I + f_D + f_S = p(t) \quad (1)$$

در معادله بالا  $f_I$  معرف نیروی اینرسی،  $f_D$  معرف نیروی میرایی،  $f_S$  معرف نیروی ارتجاعی و  $p(t)$  معرف نیروی خارجی وارده بر سیستم هستند. بنابراین معادلات دینامیکی برای مدل‌های سه درجه آزاد و چهار درجه آزاد از میز بر حسب معادله (۱) محاسبه می‌شوند. گروه معادلات (۲) و (۳) به ترتیب معادلات دینامیکی حرکت مدل‌های سه و چهار درجه آزاد را مشخص می‌کنند.

$$\begin{aligned} m_1 \ddot{x}_1 + c_1 \dot{x}_1 + k_1 x_1 - c_1 \dot{x}_2 - k_1 x_2 &= 0 \\ m_2 \ddot{x}_2 + (c_1 + c_2) \dot{x}_2 + (k_1 + k_2) x_2 - c_1 \dot{x}_1 - k_1 x_1 - c_2 \dot{x}_3 - k_2 x_3 &= F \\ m_3 \ddot{x}_3 + (c_3 + c_2) \dot{x}_3 + (k_3 + k_2) x_3 - c_2 \dot{x}_2 - k_2 x_2 &= -F \end{aligned} \quad (2)$$

معادلات مدل چهار درجه آزاد:

$$\begin{aligned} m_1 \ddot{x}_1 + c_1 \dot{x}_1 + k_1 x_1 - c_1 \dot{x}_2 - k_1 x_2 &= 0 \\ m_2 \ddot{x}_2 + (c_1 + c_2) \dot{x}_2 + (k_1 + k_2) x_2 - c_1 \dot{x}_1 - k_1 x_1 - c_2 \dot{x}_3 - k_2 x_3 &= F \\ m_3 \ddot{x}_3 + (c_3 + c_2) \dot{x}_3 + (k_3 + k_2) x_3 - c_2 \dot{x}_2 - k_2 x_2 - k_3 x_4 - c_3 \dot{x}_4 &= -F \\ m_4 \ddot{x}_4 + (c_3 + c_4) \dot{x}_4 + (k_3 + k_4) x_4 - k_3 x_3 - c_3 \dot{x}_3 &= 0 \end{aligned} \quad (3)$$

سازه محل نصب میز لرزان، دارای ۲۶ متر ارتفاع و پیرودی حدود ۰.۳ ثانیه است. انتقال این ارتعاشات از میز به پایه این سازه می‌تواند موجب تحریک این سازه گردد. برای بررسی عملکرد این سازه، شتاب ایجاد شده روی زمین ( $\ddot{x}_3$  در مدل سه درجه آزاد و  $\ddot{x}_4$  در مدل چهار درجه آزاد) به عنوان ارتعاش ورودی به سازه مجاور در نظر گرفته شده و با حل معادله (۴) پاسخ سازه مجاور حاصل می‌گردد. با استفاده از این رابطه طیف پاسخ سازه مجاور به دست آورده خواهد شد.

$$m \ddot{x}_5 + c \dot{x}_5 + k x_5 = -m \ddot{x}_{4or3} \quad (4)$$

در معادلات ارائه شده از میز  $m_1, k_1, c_1$  به ترتیب مشخصه‌های مربوط به جرم، سختی و میرایی سازه تحت آزمایش،  $m_2, k_2, c_2$  مشخصه‌های مربوط به جرم، سختی و میرایی میز،  $m_3, k_3, c_3$  و  $m_4, k_4, c_4$  مشخصه‌های مربوط به جرم متعادل کننده (پی) و  $m, k, c$  مشخصه‌های سازه مجاور هستند.  $F$  نیز معرف نیروی جک هیدرولیکی است. از آنجا که نیروی وارده بر سیستم و یا شتاب وارده بر آن به عنوان بار ورودی به سیستم تابع دلخواهی و یا پیچیده‌ای از زمان است، حل تحلیلی معادلات دیفرانسیل حرکت سیستم معمولاً بسیار پیچیده و گاهی غیر ممکن است. برای حل معادلات حرکت حاکم بر این سیستم از روش عددی گام به گام زمانی استفاده می‌کنیم. در این مطالعه روش رانگ کوتا به عنوان روش حل عددی انتخاب شده است. در حل عددی رانگ کوتا برای حل معادلات در هر گام تنها به پاسخ‌های گام قبلی نیاز است. در حل معادلات این نکته قابل ذکر است که تغییر مکان میز مشخص و نیروی وارده از جک هیدرولیکی به عرشه میز نامشخص فرض می‌گردد. به این صورت اندرکنش نمونه با میز از مدلسازی حذف گردیده است. معادلات به دست آمده از این طریق مشابه با معادلات نشست تکیه‌گاهی حل می‌شوند، لذا شتاب، سرعت و تغییر مکان میز برای حل معادلات لازم هستند. حل معادلات به این صورت کمتر در مسائل دینامیکی دیده شده است.

### مشخصه‌های سیستم

مشخصه‌های مربوط به عرشه میز و نمونه میز در جدول (۱) آورده شده است. مشخصه‌های عرشه میز مطابق با گزارش سازنده میز در نظر گرفته شده است. برای نمونه وزن و نسبت میرایی ثابت در نظر گرفته شده است ولی برای مطالعه عملکرد میز پیرودی نمونه بین ۰.۱ تا ۲.۵ ثانیه متغیر فرض شده است.

جدول ۱: مشخصات میز لرزان و نمونه

بخش مدلسازی شده	وزن (تن)	پیرودی (ثانیه)	نسبت میرایی (درصد)
میز	۴۰	-	۵
نمونه	۲۰	فرض شده است	۵

در مدل سه درجه آزاد وزن پی برابر با ۴۳۰۰ تن و پیرودی و نسبت میرایی آن برابر با سختی و میرایی خاک در نظر گرفته شده است. در

مدل چهار درجه آزاد وزن قسمت متحرک پی برابر با ۳۶۰۰ تن و وزن قسمت صلب برابر ۸۰۰ تن است. در قسمت صلب همانند مدل سه درجه آزاد پرپود و نسبت میرایی برابر با پرپود و نسبت میرایی خاک است ولی در قسمت متحرک نسبت میرایی برابر با ۵ درصد و پرپود این قسمت در ارتعاش قائم برابر با ۰.۵ ثانیه و در حالت ارتعاش افقی برابر با ۱.۵ ثانیه فرض گردیده است. تفاوت در پرپود ارتعاشی از آن جهت در میرا کردن ارتعاش در حالت ارتعاش افقی آسانتر از میرا کردن ارتعاش قائم است.

جدول ۲: مشخصات دینامیکی خاک

نسبت میرایی (درصد)	پرپود(ثانیه)		نوع ارتعاش
	مدل سه درجه	مدل چهار درجه	
۱۰	۰.۱۲	مدل سه درجه	افقی
	۰.۰۴۵۶	مدل چهار درجه	
۱۶.۲	۰.۰۶۲	مدل سه درجه	قائم
	۰.۰۲۶	مدل چهار درجه	

برای استخراج مشخصه‌های خاک از آزمایش ارتعاش اجباری بر روی پی میز لرزه پژوهشگاه استفاده شده است. این آزمایش با یک دستگاه لرزاننده با ظرفیت ایجاد نیرویی حداکثر برابر با ۳۰۰۰ کیلوگرم با بارگذاری به صورت جاروی فرکانسی بین ۰ تا ۲۰ هرتز انجام شده است. پاسخ شتاب حاصل از ارتعاش دستگاه لرزاننده در فواصل مختلف ثبت گردید. برای استخراج مشخصه‌های خاک از پاسخ‌های ثبت شده در ایستگاه لبه کناری پی استفاده شده است. مشخصه‌های به دست آمده در جدول (۲) بیان شده است.

(ب)

(الف)



شکل ۳: الف) پی میز لرزان پژوهشگاه ب) دستگاه لرزاننده نصب شده روی پی

## تحلیل عملکرد میز لرزان

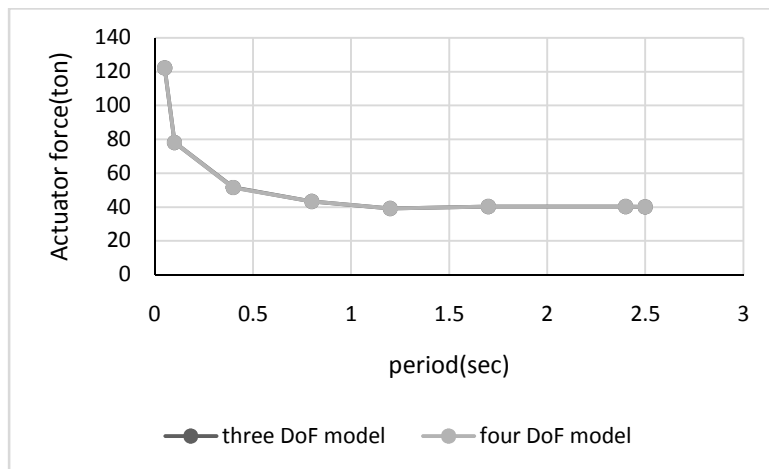
بارگذاری زلزله برای ارزیابی تاریخچه زمانی عملکرد سیستم محرک میز مورد استفاده قرار گرفته است. در این بررسی ۷ زلزله با مشخصات آورده شده در جدول (۳) مورد استفاده قرار گرفته‌اند. میز لرزان پژوهشگاه امکان ایجاد شتابی برابر با شتاب ثقل را دارد به همین دلیل زلزله‌ها مطابق با آیین‌نامه طراحی ساختمان‌ها در برابر زلزله با ۱g همپایه شده‌اند.

جدول ۳: زلزله‌های مورد استفاده در تحلیل حساسیت

شدت زلزله	نام زلزله
۰.۳۱g	السنترو
۰.۳۵g	فیوریلی
۰.۳۵g	ایمپریالوی ۱۹۸۰
۰.۳۱g	مورگان هیل
۰.۵۶g	نورث ریچ
۰.۳۲g	سن فرناندو
۰.۳۱g	ویترنروو

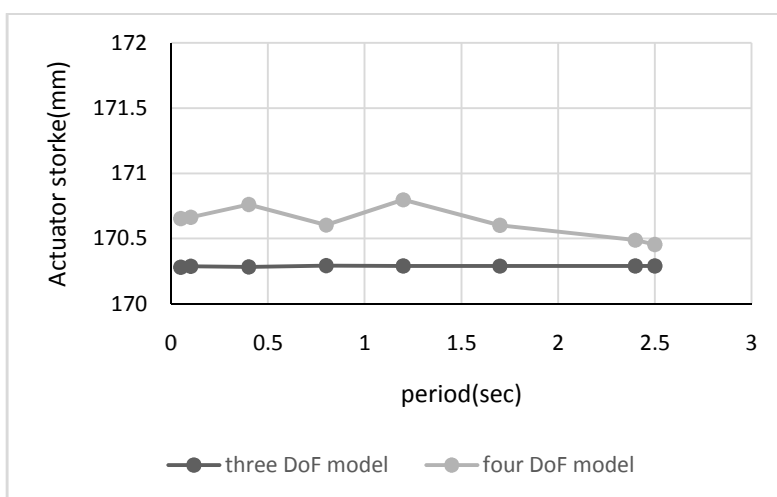


با در نظر گرفتن نمونه با وزن ثابت و پریود متغیر، زلزله‌های مختلف به عنوان ورودی میز لرزان به مدل وارد شده اند و مقدار نیروی و تغییر مکان جک هیدرولیکی برای مدل سه درجه و چهار درجه برای محاسبه شده‌اند. شکل‌های (۴) و (۵) میزان تغییرات نیرو و تغییر مکان بازوی جک را برای هر پریود مشخص از نمونه با میانگین گیری بین پاسخ به دست آمده از زلزله‌های مختلف را نشان می‌دهند.



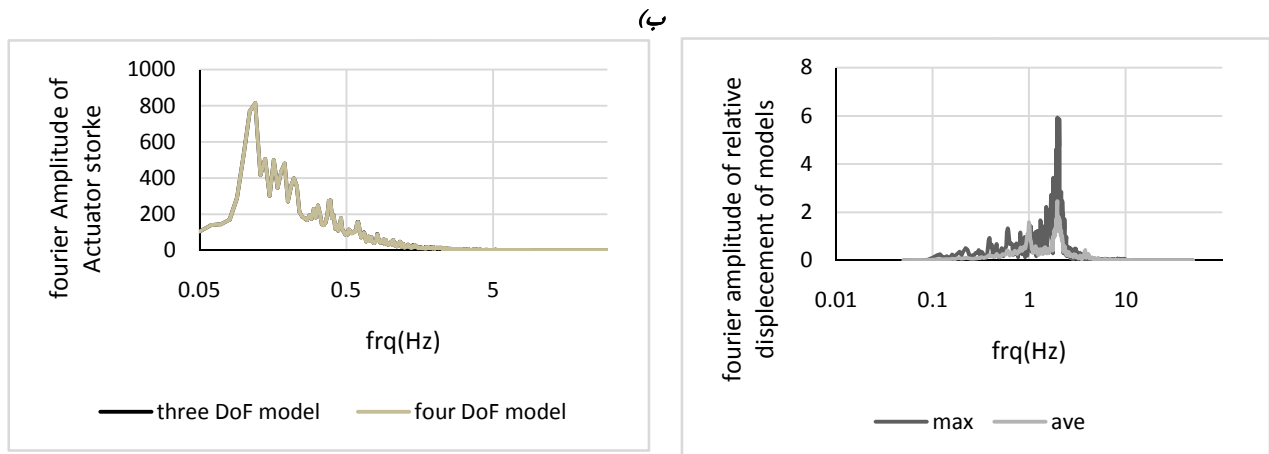
شکل ۴: تغییرات نیروی دینامیکی جک هیدرولیکی

همانطور که در شکل‌های (۴) و (۵) مشخص است، تغییر در نوع مدل‌سازی تأثیری بر مقدار نیرو و تغییر مکان دینامیکی جک ندارد ولی اگر ظرفیت جک برابر با ۴۵ تن فرض گردد، برای نمونه‌ها با پریود کم (سختی زیاد)، جک ظرفیت لازم برای تولید زلزله‌ها بر روی میز را نخواهد داشت.



شکل ۵: تغییرات جابجایی بازوی دینامیکی جک هیدرولیکی

برای بررسی تأثیر تغییر مدل بر عملکرد جک هیدرولیکی، ارزیابی تغییر مکان بازوی آن در حوزه فرکانسی هم صورت گرفته است. به این منظور تفاضل پاسخ تاریخیچه زمانی تغییر مکان بازوی جک در مدل‌های سه درجه آزاد و چهار درجه آزاد محاسبه شده است و از این مقدار تبدیل فوریه گرفته شده است. شکل (۶) دامنه تبدیل فوریه این تفاضل را مشخص می‌کند. بر حسب این گراف‌ها دامنه فوریه تفاضل تغییر مکان جک نسبت به دامنه فوریه تغییر مکان جک بسیار اندک است ولی نمی‌توان از این مقدار اندک صرف نظر کرد.



(الف)

شکل ۶: (الف) تغییرات فرکانسی تفاضل بازوی دینامیکی جک برای دو مدل. (ب) تغییرات فرکانسی بازوی جک در دو مدل

با انجام هر تحلیل تاریخچه زمانی، شتاب ایجاد روی زمین ثبت گردیده است. این شتاب به عنوان ارتعاش ورودی برای سازه مجاور در نظر گرفته شده است و طیف پاسخ شتاب سازه مجاور حاصل گردیده است. شکل‌های (۷) و (۸) طیف پاسخ شتاب میانگین زلزله‌های مختلف را نشان می‌دهند. همانگونه که از گراف‌ها مشخص است تبدیل پی از یک پی صلب به پی با یک قسمت متحرک باعث می‌گردد تا سازه مجاور نیز ارتعاش بسیار اندکی داشته باشد.

(ب)

(الف)

شکل ۷: (الف) طیف سازه مجاور میز در مدل سه درجه آزاد. (ب) طیف سازه مجاور در مدل چهار درجه آزاد

## نتیجه گیری

در طراحی پی میز لرزه پژوهشگاه بین المللی زلزله شناسی و مهندسی زلزله برای کاهش انتقال ارتعاشات از میز به محیط پیرامون پی به صورت دو لایه طراحی شده است. با در نظر گرفتن این نکته، در این پژوهش مدل عددی از میز لرزان ارائه گردید که با استفاده از آن می‌توان عملکرد جک‌های هیدرولیکی میز و تاثیر انتقال ارتعاشات از میز به محیط پیرامون مورد بررسی قرار داد. در این مدل‌سازی نتایج یک مدل سه درجه آزاد از میز با یک مدل چهار درجه آزاد مقایسه گردید. با مرور نتایج حاصل از تحلیل‌های صورت گرفته می‌توان یافته‌های این تحقیق را به شرح زیر بیان کرد:

- ۱- تغییر در نوع پی میز لرزان تاثیری اندکی بر تغییرات تاریخچه زمانی بر عملکرد سیستم محرک میز ( نیروی وارده و تغییر مکان بازوی هیدرولیکی) دارد و اختلالی را در عملکرد میز ایجاد نمی‌نماید.
- ۲- بررسی تفاضل تغییر مکان بازوی دینامیکی در مدل‌های سه و چهار درجه آزادی در حوزه فرکانسی نشان می‌دهد که دامنه اختلاف ایجاد شده در بازوی جک در این دو مدل دارای دامنه اندکی نسبت به دامنه اصلی تغییر مکانی جک دارد ولی نمی‌توان از آن صرف نظر کرد زیرا حذف این دامنه از سیستم باید از طریق مطالعه اندرکنش با سیستم کنترلی صورت گیرد که در انجام این تحقیق سیستم کنترلی در مدل‌سازی مد نظر نبوده است.
- ۳- تغییر پی از یک جرم صلب به یک پی جداسازی شده ، باعث کاهش عمده در انتقال ارتعاشات به محیط پیرامون میز می‌گردد .

Abdulkarim, M., & BLONDET, J. M. (1988). PITCHING AND INTERACTION EFFECTS IN EERC SEISMIC SIMULATOR. In Proceedings of the World Conference on Earthquake Engineering (Vol. 1, p. 5). Japan Association for Earthquake Disaster Prevention.

Blondet, M., & Esparza, C. (1988). Analysis of shaking table-structure interaction effects during seismic simulation tests. Earthquake engineering & structural dynamics, 16(4), 473-490.

Ceresa, P., Brezzi, F., Calvi, G. M., & Pinho, R. (2012). Analytical modelling of a large-scale dynamic testing facility. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 41(2), 255-277.

Plummer, A. R. (2008). A detailed dynamic model of a six-axis shaking table. Journal of Earthquake Engineering, 12(4), 631-662.